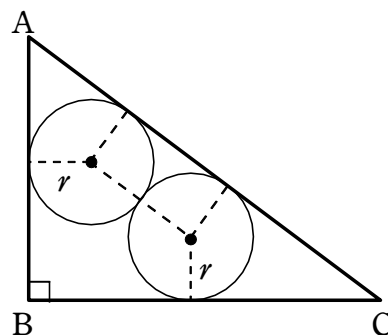


試験時間60分 解答は解答用紙に書いて、提出してください

1 連立方程式
$$\begin{cases} 2x + y + z = 1 \\ x + 2y + z = 2 \\ x + y + 3z = 3 \end{cases}$$
 を解け.

2 不等式 $|x^2 - 2x - 3| \geq 2|x - 2|$ を解け.

- 3 直角三角形 ABC において、 $AB=3$ 、 $AC=5$ 、 $BC=4$ である。
 図のように、半径 r の 2 つの円が互いに外接し、一方の円は辺 AB、AC と、もう一方の円は辺 AC、BC と接している。このとき、 r の値を求めよ。



- 4 (1) 関数 $f(x) = xe^{-2x}$ の極値と曲線 $y = f(x)$ の変曲点の座標を求めよ。
 (2) 曲線 $y = f(x)$ 上の変曲点における接線、曲線 $y = f(x)$ および直線 $x = 3$ で囲まれた部分の面積を求めよ。

5 座標平面において、動点 P の座標 (x, y) が時刻 t の関数として

$$x = t^{\frac{1}{4}}(1-t)^{\frac{3}{4}}, \quad y = t^{\frac{3}{4}}(1-t)^{\frac{1}{4}} \quad (0 \leq t \leq 1)$$

で与えられている。

- (1) 動点 P の x 座標が最大になるのは $t = \overset{ア}{\square}$ のときであり、 y 座標が最大になるのは $t = \overset{イ}{\square}$ のときである。
- (2) $0 < t < 1$ のとき、動点 P の速さの最小値は $\overset{ウ}{\square}$ である。
- (3) 動点 P が直線 $y = x$ 上にくるのは $t = 0$ のとき、 $t = \overset{エ}{\square}$ のとき、 $t = 1$ のときの 3 回である。
- (4) t が $0 \leq t \leq 1$ の範囲を動くとき、動点 P の描く曲線を L とする。 L で囲まれる図形の面積は $\overset{オ}{\square}$ である。

6 空間内に以下のような円柱と正四角柱を考える。円柱の中心軸は x 軸で、中心軸に直交する平面による切り口は半径 r の円である。正四角柱の中心軸は z 軸で、 xy 平面による切り口は 1 辺の長さが $\frac{2\sqrt{2}}{r}$ の正方形で、その正方形の対角線は x 軸と y 軸である。

$0 < r \leq \sqrt{2}$ とし、円柱と正四角柱の共通部分を K とする。

- (1) 高さが $z = t$ ($-r \leq t \leq r$) で xy 平面に平行な平面と K との交わりの面積を求めよ。
- (2) K の体積 $V(r)$ を求めよ。
- (3) $0 < r \leq \sqrt{2}$ における $V(r)$ の最大値を求めよ。